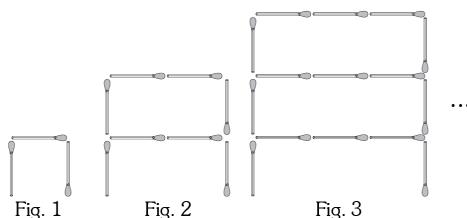


**Gabarito do Diagnóstico de avaliação - Engenharia de Energias Renováveis**

- 1.** Na sequência mostrada nas figuras abaixo, construídas com palitos de fósforo, encontre o dobro do número de palitos da figura que ocupa o décimo terceiro lugar.



**Resposta:**  $2 \cdot (13^2 + 2 \cdot 13) = 390$

- 2.** Encontre a soma do maior e do menor número de três algarismos divisíveis por 3, os quais, diminuídos em 3 unidades, são divisíveis por 5.

**Resposta:**  $N_{\max} = 993$  e  $N_{\min} = 108$  então  $N_{\max} + N_{\min} = 1101$ .

- 3.** Se  $\overline{mnp1} = 3 \times \overline{2mnp}$ , calcule  $m + n + p$ .

**Resposta:**  $m = 8$ ,  $n = 5$  e  $p = 7$  então  $m + n + p = 20$ .

- 4.** Encontre o valor de  $S$  na seguinte expressão:

$$S = \frac{1}{2} + \frac{1}{6} + \frac{1}{12} + \frac{1}{20} + \dots + \frac{1}{600}.$$

**Resposta:**  $S = \frac{24}{25}$ .

- 5.** Seja  $a$  um número real fixo com  $a > 1$ . Resolva a inequação

$$\frac{(2a+1)x}{a^3-1} - \frac{x}{a-1} < \frac{2}{a^2+a+1}.$$

**Resposta:**  $x > -\frac{2}{a}$ .

- 6.** Se  $f(z) = z - \frac{1}{z}$ , encontre o valor de

$$f\left(f(1) + \frac{1}{f(2)}\right) + f(-2).$$

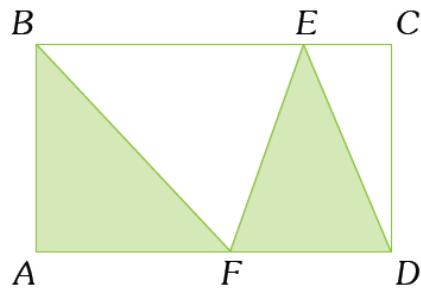
**Resposta:**  $f\left(f(1) + \frac{1}{f(2)}\right) + f(-2) = -\frac{7}{3}$ .

- 7.** Se  $\cos\left(\frac{\pi}{2} - x\right) + \csc x = \frac{5}{2}$ ,  $x \in \left(0, \frac{\pi}{2}\right)$ .

Encontre  $\tan x + \sec x$ .

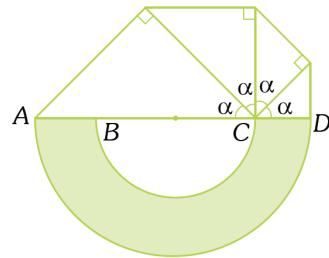
**Resposta:**  $x = 30^\circ$  então  $\tan x + \sec x = \sqrt{3}$ .

8. Na figura abaixo,  $ABCD$  é um retângulo. Que porcentagem da área do retângulo corresponde à área a região pintada.



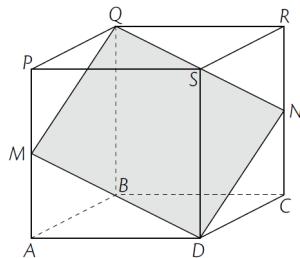
**Resposta:** A porcentagem de área é de 50%.

9. Na figura abaixo,  $\overline{AD}$  e  $\overline{BC}$  são diâmetros. Se  $AB = CD = 2$  cm, calcule a área do semi-anel circular pintado.



**Resposta:** A área do semi-anel circular pintado é  $8\pi$  cm<sup>2</sup>.

10. No cubo  $ABCD - PQRS$ ,  $DC = 2$  cm,  $AM = MP$  e  $RN = NC$ . Calcule a área da região pintada.



**Resposta:** A área da região pintada é  $2\sqrt{6}$  cm<sup>2</sup>.

Foz do Iguaçu, 11 de julho de 2016